УДК 535.5:004.928

# ОПЫТ РАЗРАБОТКИ ДЕМОНСТРАЦИОННО-МОДЕЛИРУЮЩИХ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКИХ МАТЕРИАЛОВ ПО ТЕМЕ «ПОЛУЧЕНИЕ ПОЛЯРИЗОВАННОГО СВЕТА В ОДНООСНЫХ КРИСТАЛЛАХ» Л. В. Журавлёва

## EXPERIENCE IN DEVELOPING DEMONSTRATION AND MODELING EDUCATIONAL MATERIALS ON «GETTING POLARIZED LIGHT IN UNIAXIAL CRYSTALS»

L. V. Zhuravleva

В статье рассматривается опыт разработки демонстрационно-моделирующих учебно-методических материалов по теме «Получение поляризованного света в одноосных кристаллах».

Представленные учебно-методические материалы разработаны в графическом редакторе AdobeFlash и являются набором самостоятельных Flash-анимаций. Они позволяют визуализировать как суть рассматриваемых физических явлений в целом, так и детально проработать различные методические аспекты рассматриваемой темы

The presented educational and methodical materials are developed in the graphic AdobeFlash editor and represent a set of independent Flash-animations. Flash-animations allow bothto visualize the essence of the considered physical phenomena as a whole, and to work with at various methodical aspects of the considered subjectin detail.

*Ключевые слова:* фаза, разность фаз, двойное лучепреломление, получение поляризованного света в одноосных кристаллах, интерактивная анимация.

**Keywords:** phase, difference of phases, double refraction, receiving polarized light in monoaxial crystals, interactive animation.

Как известно, оптика изучает законы распространения и взаимодействия света с веществом. Демонстрации различных оптических явлений позволяют наблюдать лишь следствия этих законов. Сама же суть явления остается невидимой и поэтому зачастую непонятной для обучаемых. Так, например, в демонстрации явления получения поляризованного света при прохождении его через одноосный кристалл состояние поляризации света на выходе из кристалла можно определить с помощью поляризатора. По интенсивности света, вышедшего из поляризатора, делается вывод о состоянии его поляризации. При этом увидеть, что же произошло в кристалле со световой волной, невозможно. Именно поэтому оптика, как ни какая другая дисциплина, требует визуализации самой сути физических явлений.

В настоящее время для визуализации различных физических явлений широко используется графический редактор AdobeFlash [6]. В интернете представлено большое количество электронных ресурсов, разработанных в этом графическом редакторе. По оптике в открытом доступе представлены анимированные модели для очень ограниченного круга вопросов школьной физики [7]. Подобные модели, как правило, демонстрируя именно следствия законов распространения и взаимодействия света с веществом, дают лишь общее представление о том или ином оптическом явлении.

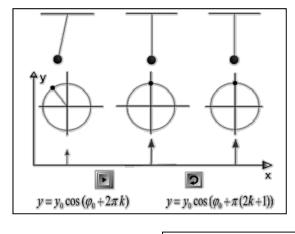
В данной работе представлен опыт разработки демонстрационно-моделирующих учебно-методических материалов по теме «Получение поляризованного света в одноосных кристаллах», изучаемой в рамках курса общей физики для физических специальностей. При разработке материалов решалась задача комплексного подхода к явлению получения поляризованного света в одноосных кристаллах с учетом необходимости визуа-

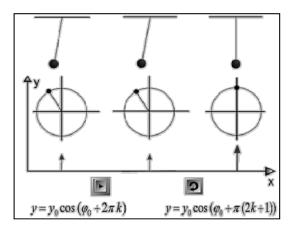
лизации базовых понятий и явлений. Речь идёт о таких явлениях, как фаза, разность фаз, поляризация света при двойном лучепреломлении, распространение света в различных направлениях в одноосных кристаллах, возникновение разности фаз между колебаниями в волнах, распространяющихся во взаимно перпендикулярных направлениях.

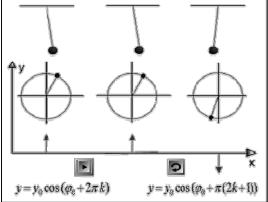
Прежде чем приступить к визуализации явления получения поляризованного света в одноосных кристаллах, необходимо адаптировать к оптическим явлениям понятие фазы и разности фаз колебаний, сформированных в механике.

На рис. 1 представлена Flash-анимация, в которой для визуализации понятия фазы и разности фаз используется аналогия между колебаниями маятника, вращательным движением и изменением длиныи направления произвольного вектора. Такая аналогия выбрана неслучайно. У студентов первых курсов понятие колебания и фазы ассоциируется в первую очередь с колебаниями маятника. Вращательное движение, поставленное в соответствие колебаниям маятника согласно геометрической модели колебательного движения [1, с. 124-128; 3, с. 294], позволяет визуализировать понятие фазы колебаний как угол поворота. Так, одному полному колебанию соответствует один полный поворот, а значит изменение угла поворота на  $2\pi$  и соответственно изменение фазы колебаний на  $2\pi$ .

Так как в рассматриваемой теме речь пойдет о сложение в световых волнах колеблющихся векторов напряженности с определённой разностью фаз, то выше представленную аналогию между колебаниями маятника и вращательным движением необходимо адаптировать к колебаниям векторов напряженности в световых волнах.







Puc. 1. Flash-анимация для формирования понятий фазы и разности фаз

Для этой цели рассматривается аналогия между колебаниями произвольного вектора и вращательным движением (рис. 1). Из Flash-анимации хорошо видно, что если вектор совершает колебания по гармоническому закону (как это происходит в световой волне), то одному полному колебанию вектора соответствует один полный оборот вращающегося тела. Такой простой зрительный образ позволяет обучающимся практически мгновенно определять изменение фазы колеблющегося вектора, сопоставляя длину и направление векторас углом поворота вращающегося тела. Если угол поворота равен 0 или кратен  $2\pi$ , то длина вектора максимальна. Если угол поворота кратен  $\pi/2$ , то длина вектора равна 0. Если угол поворота кратен π, то вектор будет направлен в противоположную сторону и иметь максимальную длину.

Подобная аналогия рассматривалась в [1]. Согласно геометрической модели колебательного движения [3, с. 294] колебания вектора напряженности в световой волне удобно представлять в виде векторной диаграммы. Векторная диаграмма представляет собой вектор амплитуды, вращающийся против часовой стрелки вокруг своего начала.

В данном ролике (рис. 1) представлены колебания как в одинаковой фазе, так и противофазе. Это позволяет закрепить у студентов зрительный образ разности фаз как количество поворотов. В дальнейшем будет рассматриваться сложение колебаний векторов напряженностей в световых волнах, распространяющихся с разными скоростями. При этом разность фаз

между колебаниями в двух волнах, приходящих в точку наблюдения, определятся согласно представленной выше аналогии, именно количеством поворотов. Так, для колебаний в волнах с разной скоростью распространения, приходящих в точку наблюдения в одинаковой фазе разность фаз будет составлять  $\Delta \phi = 2\pi k$ , где k – количество поворотов. Для колебаний в волнах с разной скоростью распространения, приходящих в точку наблюдения в противофазе, разность фаз будет составлять  $\Delta \phi = \pi (2k+1)$ .

При формировании в оптике понятий фазы и разности фаз частично происходит схлопывание этих понятий. С одной стороны, мы говорим о разности фаз между колебаниями в волнах с разными скоростями распространения, приходящих в данную точку наблюдения. С другой стороны, мы говорим о колебаниях в этих же волнах в данной точке наблюдения в одинаковой фазе.

Представленная Flash-анимация позволяет разъяснить и эту ситуацию. Во Flash-анимации управляющие кнопки позволяют запускать для представленных колебательных систем различное количество оборотов и колебаний. Из анимации видно, что сама фаза как угол поворота и аргумент либо косинуса, либо синуса определяет состояние колебательной системы в данный момент времени.

Разность же фаз между колебаниями определяется количеством поворотов, которое зависит от времени, в течение которого длится колебательный процесс. Таким образом, если разность фаз между двумя коле-

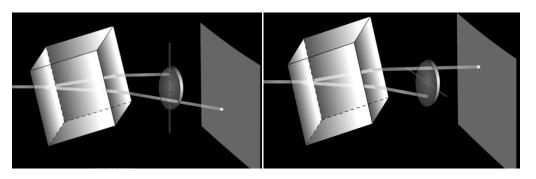
баниями составляет  $\Delta \varphi = 2\pi k$ , то состояние колебательных систем в данный момент времени будет абсолютно одинаковым:  $y = y_0 \cos(\varphi_0 + 2\pi k)$ .

В этом случае можно говорить о том, что колебания происходят в данный момент времени в одинаковой фазе.

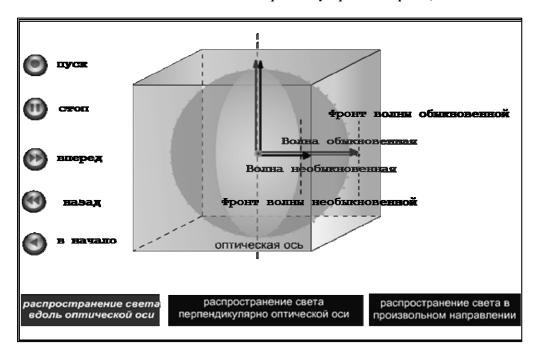
После адаптации понятий фазы и разности фаз к колебаниям векторов напряженности в световых волнах можно перейти непосредственно к рассмотрению

получения поляризованного света при распространении его в одноосном кристалле.

Одноосные кристаллы являются оптически анизотропными средами. Как известно [4, с. 500 – 515; 5, с. 272 – 279], в оптически анизотропных средах при определенной геометрии световая волна распадается на две волны с взаимно перпендикулярной поляризацией – обыкновенную и необыкновенную (рис. 2).



Puc. 2. Flash-анимация, демонстрирующая возникновение в кристалле волн обыкновенной и необыкновенной с взаимно перпендикулярной поляризацией



Puc. 3. Flash-анимация, демонстрирующая особенности распространения света внутри одноосного кристалла в разных направлениях

Если свет входит в кристаллическую пластинку перпендикулярно оптической оси, то возникшие внутри кристалла обыкновенная и необыкновенная волны распространяются вдоль одного и того же направления (рис. 3). Так как волны распространяются с разными скоростями, то между ними возникает оптическая разность хода и соответственно разность фаз между колебаниями в этих волнах. Таким образом, на выходе из кристалла имеются два взаимно перпендикулярных колебания с определенной разностью фаз. Так как волны распространяются в одном направлении, то взаимно перпендикулярные колебания в этих волнах будут складываться. В зависимости от разно-

сти фаз конец результирующего вектора напряженности будет описывать определенную линию. По форме этой линии определяется вид поляризации.

Рассмотрим более подробно с использованием Flash-анимации (рис. 4) процесс получения циркулярно-поляризованного света при прохождении света через одноосный кристалл. Циркулярно-поляризованный свет получается при сложении двух взаимно перпендикулярных колебаний с одинаковой амплитудой и с разностью фаз  $\Delta \varphi = (2\kappa + 1)^{\pi}/2$ .

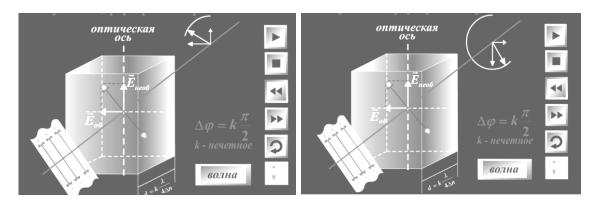
В данном вопросе опять же имеет место схлопывание понятий: с одной стороны, угол между векторами напряженности равен  $\pi/2$ , и, с другой стороны,

разность фаз между колеблющимися векторами кратна  $\pi/2$ . Flash-анимация позволяет наглядно продемонстрировать оба эти аспекта и создать соответствующие зрительные образы.

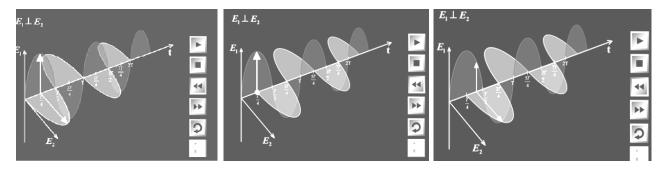
Из представленного на рисунке 4 фрагмента Flash-анимации видно, что световая волна входит в кристалл перпендикулярно оптической оси. Колебания вектора напряженности происходят в плоскости, составляющей угол 45° с оптической осью. Такое направление колебаний вектора напряженности необходимо для получения внутри кристалла колебаний в волнах обыкновенной и необыкновенной одинаковой амплитуды. Далее в кристалле вектор напряженности

падающей световой волны проецируется на два взаимно перпендикулярных направления: оптическую ось и направление перпендикулярное оптической оси. Чтобы закрепить зрительный образ того, что колебания в волнах обыкновенной и необыкновенной совершаются во взаимно перпендикулярных плоскостях в рассматриваемой Flash-анимации, осуществляется переход на сцену «Волна» (рис. 5).

На этой сцене демонстрируется возникновение разности фаз  $\pi/2$  между колеблющимися векторамиза счет разной скорости распространения двух взаимно перпендикулярных волн.



Puc. 4. Flash-анимация, демонстрирующая процесс получения циркулярно-поляризованного света в одноосных кристаллах



Puc. 5. Flash-анимация, демонстрирующая возникновение разности фаз между колебаниями в волнах, распространяющихся во взаимно перпендикулярных плоскостях

Так как различная скорость распространения волн должна привести к разности фаз, кратной  $\pi/2$ , то это значит, что одна волна должна опережать другую на  $\lambda/2$ . Простые расчеты показывают, что это соответствует опережению одной волны другой по времени на четверти периода. Во флеш-анимации показано именно такое опережение одной волны другой, возникшее за счет различных скоростей распространения (рис. 5). Как видно из Flash-анимации (рис. 5), набежавшая разность фаз между векторами определяет длину каждого из векторов напряженности в данный момент времени. Если в начальный момент времени разность фаз между колебаниями была равной нулю, то и длина векторов оставалась одинаковой. При возникшей между колебаниями разности фаз  $\pi/2$  длина складываемых векторов будет меняться от максимального значения до нуля в одной волне и от нуля до максимального значения в другой волне. При дальнейшем изменении времени изменится и направление векторов напряженности.

Для лучшего усвоения связи между набежавшей разностью фаз и различной скоростью распространения световых волн необходимо вернуться к модели разности фаз (рис. 1). Как говорилось выше, различная скорость распространения волн приводит к тому, что за определенное время в волне с большей скоростью распространения вектор напряженности совершит одно полное колебание и соответственно вектор амплитуды повернется на полный угол  $2\pi$ , а волнес меньшей скоростью распространения за то же время вектор амплитуды успеет повернуться только на угол  $3\pi/2$ , что и будет соответствовать разности фаз меж-

ду колебаниями, равной  $\pi/2$ . Из этой модели также хорошо видно, что совершив одно полное колебание, вектор напряженности вновь достигает максимального значения, а при отставании по фазе на  $\pi/2$  длина вектора напряженности становится в данный момент времени равной нулю.

После формирования зрительного образа разности фаз между двумя взаимно перпендикулярными колебаниями в волнах, распространяющихся с разной скоростью, осуществляется переход на прежнюю сцену (рис. 4) и окончательно формируется динамический зрительный образ возникновения в заданных условиях циркулярно-поляризованного света.

Прежде всего, необходимая для получения циркулярно-поляризованного света разность фаз, кратная  $\pi/2$ , привязывается к толщине пластинки. Опять же простые расчеты показывают, что толщина пластинки должна быть кратна  $\lambda/4$ . Именно такая толщина пластинки определяет необходимую для получения заданной поляризации длину векторов напряженности в волнах обыкновенной и необыкновенной на выходе из кристаллической пластинки.

В верхнем правом углу сцены (рис. 4) представлена динамика процесса сложениядвух взаимно перпендикулярных колебаний в волнах обыкновенной и необыкновенной, прошедших кристаллическую пластинку заданной толщины. Так как разность фаз в рассматриваемом случае кратна  $\pi/2$ , то длина и направление векторов напряженности в складываемых волнах будут меняться так, как это показано в анимации (рис. 4). В итоге результирующий вектор напряженности будет с течением времени описывать в пространстве окружность, а волна, полученная на выходе из кристаллической пластинки, станет циркулярнополяризованной.

Подобные анимации разработаны для получения линейно-поляризованного света с разностью фаз междуколебаниями в волнах обыкновенной и необыкновенной, кратной  $\pi$  и  $2\pi$ .

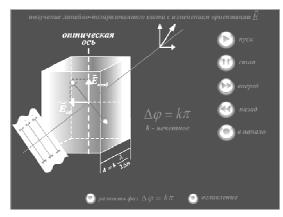
Представленныев работе учебно-методические материалы активно используются в учебном процессе. На лекционных занятиях такие материалы пре-имущественно выполняют функцию демонстрационную. На практических и лабораторных занятиях в сочетании с решением задач и выполнением практи-

ческих заданий на первый план выходит функция моделирующая. Такое комплексное взаимно дополняющее друг друга представление учебного материала позволяет студентам усваивать материал на качественно более высоком уровне.

### Пример использования разработанных материалов при решении практического задания

Задание [2, с. 261]: как с помощью поляроида и пластинки в четверть длины волны, изготовленной из положительного одноосного кристалла ( $n_e > n_o$ ), отличить свет левополяризованный по кругу от правополяризованного по кругу?

По условию задачи на кристаллическую пластинку падает циркулярно-поляризованный свет. Для визуализации задачной ситуации удобно использовать анимацию получения циркулярно-поляризованного света (рис. 4) в обратном порядке. Из анимации видно, что падающий на кристаллическую пластинку циркулярно-поляризованный свет всегда можно разложить на два взаимно-перпендикулярных колебания с разностью фаз, кратной  $\pi/2$ . Так как циркулярнополяризованная световая волна, вошедшая в кристаллическую пластинку, распадется в кристалле на волны обыкновенную и необыкновенную, то в этих волнах колебания будут совершаться во взаимно перпендикулярных плоскостях и уже с начальной фазой, кратной  $\pi/2$ . Поскольку пластинка имеет толщину, кратную  $\lambda/4$ , то при прохождении через нее, согласно той же анимации (рис. 4), набежит дополнительная разность фаз между колебаниями векторов напряженности, кратная  $\pi/2$ . В итоге на выходе из пластинки между колебаниями векторов напряженности в волнах обыкновенной и необыкновенной возникнет суммарная разность фаз, кратная т. При сложении двух взаимно перпендикулярных колебаний с разностью фаз, кратной т, на выходе из пластинки получится линейно-поляризованный свет (рис. 6). Но эти рассуждения не дают ответа на вопрос: как будет ориентирован вышедший из пластинки вектор напряженности относительно оптической оси. Именно ориентация вектора напряженности относительно оптической оси на выходе определяет левую или правую поляризацию света на входе в кристаллическую пластинку.



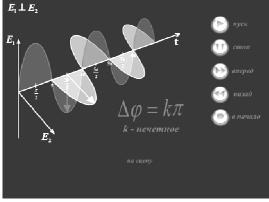


Рис. 6. Получение линейно-поляризованного света в одноосных кристаллах

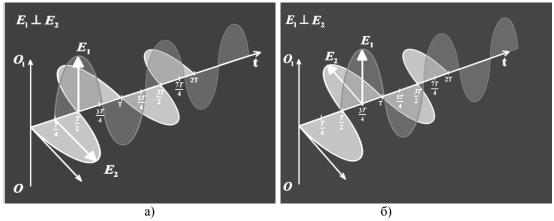


Рис. 7. Сдвиг волны необыкновенной относительно обыкновенной на входе в кристаллическую пластинку и выходе из неё

Итак, при падении на кристаллическую пластинку циркулярно-поляризованного света на выходе получится свет линейно-поляризованный. Остается ответить на вопрос: как различить левую и правую поляризацию. Здесь удобно использовать анимацию (рис. 7), подобную анимации, представленнойна рисунке 5, но с возможностью смещать самостоятельно волны друг относительно другас учетом опережения или запаздывания колебаний по фазе. С помощью этой анимации можно смоделировать ситуацию на входе в кристаллическую пластинку и на выходе из неё. На входе в кристаллическую пластинку между колебаниями в волнах обыкновенной и необыкновенной уже имеется разность фаз, кратная  $\pi/2$  (рис. 7a). В анимации это показано сдвигом волны необыкновенной относительно волны обыкновенной на четверть периода вправо. Причем в анимации отображен сдвиг фаз для получения левой (против часовой стрелки) поляризации относительно направления распространения света и правой (по часовой стрелке) поляризации относительно наблюдателя [4, с. 390 -393].

Дополнительная разность фаз между колебаниями, кратная  $\pi/2$ , возникает за счет уменьшения скорости распространения волны необыкновенной. Это значит, что колебания вектора напряженности в волне необыкновенной будут отставать по фазе от колебаний вектора напряженности в волне обыкновенной. В анимации волна необыкновенная распространяется в плоскости вертикальной. Поэтому для отображения набегающей в кристалле дополнительной разности фаз необходимо сдвинуть вправо вдоль оси t волну необыкновенную на четверть периода. В результате мы увидим (рис. 7б), что колебания векторов напряженности в волнах обыкновенной и необыкновенной будут совершаться с разностью фаз  $\pi$ . Таким образом, при сложении этих колебаний мы получим на выходе линейную поляризацию, причем вектор напряженности будет совершать колебания в первой и третьей четверти координатной плоскости относительно наблюдателя и составлять угол +45° с оптической осью [2, c. 384].

Аналогично процесс моделируется и для левой поляризации, при этом колебания вектора напряжен-

ности на выходе из кристаллической пластинки будут происходить во второй и четвертой четвертях координатной плоскости относительно наблюдателяи составлять угол -45° с оптической осью.

Для экспериментальной проверки сделанных выводов необходимо свет, поляризованный по левому и правому кругу, пропустить через четвертьволновую пластинку. Вышедший из пластинки свет пропустить через поляризатор и убедиться в том, что сделанные выводы верны.

Дополнительно в этом задании с использованием той же анимации можно смоделировать процесс получения света, поляризованного по левому и правому кругу. Из теории известно, что циркулярно-поляризованный свет получается при прохождении той же четвертьволновой пластинки [4, с. 390 – 393]. Направление вращения вектора напряженности по часовой стрелке относительно направления распространения света или против зависит от ориентации оптической оси кристаллической пластинки. В рассмотренном выше примере (рис. 7) при заданной ориентации оптической оси и колебаний вектора напряженности на входе с учетом запаздывания по фазе колебаний вектора напряженности в волне необыкновенной получается левая поляризация относительно направления распространения световой волны. При повороте пластинки, а следовательно и оптической оси, на угол 90° с учетом запаздывания по фазе колебаний вектора напряженности в волне необыкновенной получится волна поляризованная по правому кругу относительно направления распространения света.

Организация учебного процесса при изучении курса «Общей физики» с использованием описанных выше демонстрационно-моделирующих учебно-методических материалов, очевидно, развивает у студентов первых курсов наглядно-образное мышление. Умение строить модели, схемы, в том числе нагляднообразные, позволяет зачастую сразу увидеть суть проблемы, что приводит к гораздоболее эффективному решению поставленной задачи.

Представленные в работе учебно-методические материалы являются частью мультимедийного УМК «Оптика», награжденного большой золотой медалью на Международной выставке образования «УчСиб – 2013», г. Новосибирск.

#### Литература

- 1. Журавлева, Л. В. Один из подходов к созданию демонстрационно-обучающих интерактивных приложений по физике на основе геометрической модели колебательного движения / Л. В. Журавлева // Вестник Кемеровского государственного университета. Кемерово. 2010. № 4(44).
  - 2. Иродов, И. Е. Задачи по общей физике: учебное пособие / И. Иродов. СПб.: Лань, 2006.
- 3. Королев, Ф. А. Оптика, атомная и ядерная физика: учебное пособие для вузов / Ф. А. Королев. М.: Просвещение, 1974.
  - 4. Ландсберг, Г. Оптика: учебное пособие для вузов / Г. Ландсберг. М.: Наука, 1976.
  - 5. Матвеев, А. Оптика: учебное пособие для вузов / А. Матвеев. М.: Высшая школа, 1985.
  - 6. Райтман, M. Adobe Flash CS5 Professional / M. Райтман. М.: Эксмо, 2011.
  - 7. Режим доступа: <a href="http://interfizika.narod.ru/optic.html">http://interfizika.narod.ru/optic.html</a>

#### Информация об авторе:

**Журавлева Людмила Викторовна** – кандидат физико-математических наук, доцент кафедры общей физики КемГУ, 8(3842)538695, <a href="mailto:lzhur@mail.ru">lzhur@mail.ru</a>.

*Ludmila V. Zhuravleva* – Candidate of Physics and Mathematics, Assistant Professor at the Department of General Physics, Kemerovo State University.