

Mr Milić Ivošević,  
potpukovnik, dipl. inž.  
Vojnotehnički institut VJ,  
Beograd

## VUČNI PRORAČUN TENKA PRI PODVODNOJ VOŽNJI

UDC: 623.438.324 : 531.553

### Rezime:

*U radu je prikazana teorijska analiza kretanja tenka po dnu vodene prepreke, kao i dejstvo sila koje se suprotstavljaju tom kretanju, formiranje jednačina kretanja tenka, proračun vučne sile i dijagram vučne sile za jedan savremeni tenk.*

*Ključne reči: tenk, gusenica, koncepcija, podvodna vožnja.*

## TRACTION CALCULATION OF MAIN BATTLE TANK DURING ITS MOTION UNDER WATER

### Summary:

*The theoretical analysis of tank motion under water during its overcoming of water obstacle, the action of resistance forces during that motion, the determination of the tractive effort and the tractive effort diagram of one modern battle tank are presented in the paper.*

*Key words: tank, track, layout, under water motion.*

### Uvod:

Uporedno sa razvojem borbenih vozila razvijali su se i sistemi koji omogućavaju savladivanje vodenih prepreka. Prva borbena vozila mogla su da savlađuju samo manje vodene prepreke, i to gazom čija veličina nije mogla da ugrozi bezbednost vozila i posade.

Ospozobljavanje tenkova za podvodnu vožnju imalo je za cilj da se ostvari visoki tempo izvođenja borbenih dejstava u savremenim uslovima, što podrazumeva brzo forsiranje reka i drugih vodenih prepreka, bez posebnih i velikih priprema.

Omogućavanjem srednjim tenkovima da podvodnom vožnjom savlađuju vodene prepreke oni su se po nekim tehničkim karakteristikama približili lakin tenkovima, koji savlađuju vodene prepreke plovljenjem.

U operativnoj upotrebni laki tenkovi mogu plovljenjem da savlađuju vodenu prepreku i obezbeđuju obalu do trenutka dok srednji tenkovi, čija je vatrena moć mnogo veća i operativna upotreba raznovrsnija, ne savladaju vodenu prepreku podvodnom vožnjom. Zauzimanjem suprotne obale vodene prepreke, i učvršćivanjem fronta na tom delu, omogućuje se nesmetano postavljanje pontonskih mostova i izvođenje borbenih dejstava.

Današnji sistemi za podvodnu vožnju tenkova omogućavaju savlađivanje vodenih prepreka dubine do pet metara i dužine hiljadu metara.

Da bi tenk mogao savlađivati vodenu prepreku, njegova konstrukcionalna rešenja moraju da obezbede hermetizaciju oklopno-g tela, rad motora i ostalih uređaja kao i mogućnost borbene upotrebe nakon savladavanja vodene prepreke, bez posebnih dodatnih radnji na samom tenku.

Za proračun vučne sile potrebno je analizirati dejstvo sila koje deluju na tenk pod vodom, i formirati jednačine kretanja za uslove podvodne vožnje. Dobijeni obrazac za određivanje vučne sile pri kretanju tenka pod vodom služi za formiranje dijagrama vuče.

### Analiza sila koje deluju na tenk pri kretanju pod vodom

U uslovima kada se tenk kreće po dnu vodene prepreke (slika 1) na njega deluju sile:  $R_w$  – sila otpora vode,  $D'$  – sila potiska vode,  $R_f$  – sila otpora kotrljanja,  $Z_f$  – sila normalne reakcije podloge.

Sila otpora vode, prema [1] i [2] može se napisati u obliku:

$$R_w = \frac{c' \cdot \rho_v \cdot \vartheta_m^2}{2} \cdot A \quad (1)$$

gde je:

$c'$  – bezdimenzionalni koeficijent otpora, određen eksperimentalnim putem, zavisi od Frudovog i Rejboldsovog broja, oblika površina i nekih drugih faktora;

$\rho_v$  – gustina vode;

$\vartheta_m$  – brzina kretanja tenka u odnosu na kretanje vode;

$A$  – površina projekcije tenka na ravan normalnu na pravac kretanja.

Iz jednačine (1) sledi da otpor vode u odnosu na kretanje tenka raste proporcionalno kvadratu brzine kretanja tenka u odnosu na brzinu kretanja vode.

Sila potiska vode ( $D'$ ), po Arhimedovom zakonu, iznosi:

$$D' = \gamma_v \cdot V_t = \rho_v \cdot g \cdot V_t \quad (2)$$

gde je:

$\gamma_v$  – specifična težina vode,

$V_t$  – potopljena zapremina tenka koja uključuje hodni deo i sve delove naoružanja.

Sila potiska vode  $D'$  deluje vertikalno sa napadnom tačkom u centru težišta tenkom istisnute zapremine vode. Tačka dejstva te sile naziva se centar istisnute vode ili centar pritiska.

Zbog dejstva sile potiska smanjuje se dejstvo sile težine tenka za njenu vrednost, pa izraz za normalnu reakciju podloge, pri kretanju tenka po horizontalnom putu, glasi:

$$Z_f = m_T \cdot g - D' = G - D' \quad (3)$$

gde je:

$Z_f$  – sila normalne reakcije podloge,

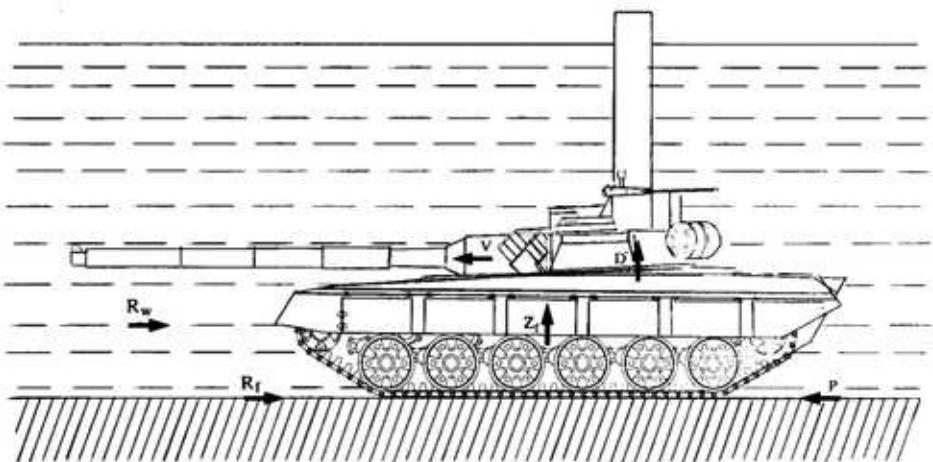
$m_T$  – masa tenka,

$G = m_T g$  – težina tenka.

U slučaju da je ravan kretanja tenka nagnuta pod nekim uglom ( $\alpha$ ) u odnosu na horizontalnu ravan (pri ulasku i izlasku pri savlađivanju vodenih prepreka), sila normalne reakcije podloge određuje se prema izrazu:

$$Z_f = (m_T \cdot g - D') \cos \alpha = (G - D') \cos \alpha \quad (4)$$

Za srednje tenkove, pri potpunom potapanju u vodu, ispitivanjem je utvrđeno da se sila normalne reakcije podloge kreće u granicama:



Sl. 1 – Sile koje deluju na tenk pri kretanju po dnu vodene prepreke

$$Z_t = (0,55 - 0,6) G$$

Ako se spoljašnje sile, koje deluju na tenk pri podvodnoj vožnji na horizontalnoj podlozi, projektuju na pravac kretanja (slika 1) dobija se sledeći izraz:

$$F = R_f + R_w \quad (5)$$

gde je  $F$  vučna sila potrebna za kretanje.

Sila otpora kotrljanju  $R_f$ , u opštem slučaju, kao i pri kretanju na suvom, proporcionalna je sili normalne reakcije podloge i koeficijentu otpora kotrljanja.

$$R_f = f Z_t = f (m_T g - D') \cos \alpha = \\ = f (G - D') \cos \alpha = g f (m_T - \rho_v V_t) \cos \alpha \quad (6)$$

Na osnovu ispitivanja određene su vrednosti koeficijenta otpora kotrljanja  $f$  pri kretanju tenka po dnu vodenih prepreka [2]:

- za tvrdou podlogu ..... 0,12
- za rastresitu podlogu ..... 0,18
- za blatnjavu podlogu ..... 0,25

Koeficijent  $f$  dobijen je eksperimentalno metodom tegljenja – vuče tenka po dnu vodene prepreke.

Ako se uporedi sila otpora kotrljanju  $R_f$  pri kretanju na suvom sa silom otpora kotrljanju pri podvodnoj vožnji, može se konstatovati da se ona usled dejstva potiska smanjuje, a raste zbog povećanja otpora podloge, prethodnog zatezanja guseničnih lanaca i otpora vode premotavanju gusenica, što znači da se povećava.

Na osnovu izraza (5) i prethodne analize može se zaključiti da je sila vuče  $F$  potrebna za kretanje tenka pod vodom veća od sile koja je potrebna za kretanje na suvom.

Pri kretanju po dnu vodene prepreke maksimalna vučna sila ograničena je silom prijanjanja ( $F_\phi$ ), koja se određuje prema izrazu:

$$F_\phi = Z_t \varphi$$

gde je  $\varphi$  koeficijent prijanjanja.

Do smanjenja maksimalne vučne sile dolazi zbog smanjenja uticaja težine tenka usled dejstva sile potiska vode

i zbog smanjenja koeficijenta prijanjanja [4].

Koeficijent prijanjanja dobija se eksperimentalnim putem i, zavisno od vrste terena, ima sledeće vrednosti [2]:

- za tvrdo dno ..... 0,7
- za rastresito dno ..... 0,5
- za blatnjavo dno ..... 0,3-0,4

Može se zaključiti da za ravnomerno kretanje tenka po dnu vodene prepreke mora biti ostvaren uslov  $F_\phi > F_M > F$ . Ovde je  $F_M$  sila vuče koja se može obezbediti motorom.

U praksi su česti slučajevi da je maksimalna sila prijanjanja ( $F_\phi$ ) manja od potrebne vučne sile za savlađivanje otpora podvodnog kretanja, što izaziva proklizavanje i onemogućava kretanje.

Pri većim dubinama vode sile talasnja vode su relativno male, pa se ne uzimaju u razmatranje.

Jednačina kretanja tenka pri savladavanju vodene prepreke podvodnom vožnjom može se napisati u obliku [6]:

$$m_T \cdot \frac{d\theta}{dt} = F - R_f - R_w - (m_T \cdot g - D') \sin \alpha \quad (7)$$

gde je  $\theta$  brzina tenka.

Relativna brzina tenka ( $\theta_m$ ) u odnosu na brzinu vode kroz koju se kreće, jednaka je razlici brzine kretanja tenka  $\theta$  i brzine kretanja vode  $\theta_v$ :

$$\theta_m = \theta - \theta_v$$

Ako je  $\theta_v = \text{const.}$  onda se može napisati sledeći izraz:

$$\frac{d\theta_m}{dt} = \frac{d\theta}{dt} \quad (8)$$

Kada se izrazi (1-5) i (6) uvrste u izraz (7), i kada se pretpostavi da je  $\alpha = 0$ ,

dobija se diferencijalna jednačina kretanja tenka po ravnoj podlozi u sledećem obliku:

$$m_T \cdot \frac{d\theta_m}{dt} = F - g \cdot f \cdot (m_T - \rho_v \cdot V_t) - \frac{1}{2} \cdot c \cdot \rho_v \cdot A \cdot \theta_m^2 \quad (9)$$

Ako je u toku podvodne vožnje vučna sila  $F$  konstantna, jednačina (9) može se rešiti.

Nakon uvođenja izraza za

$$C_1 = \frac{1}{m_T} \cdot [F - g \cdot f \cdot (m_T - \rho_v \cdot V_t)] \quad i$$

$$C_2 = \frac{c \cdot \rho_v \cdot A}{2m_T}$$

dobija se rešenje integrala u opštem obliku:

$$I = \frac{1}{2v} \ln \frac{1 + \frac{\theta_s}{\theta_m}}{1 - \frac{\theta_s}{\theta_m}} \quad (10)$$

Rešenje određenog integrala, u granicama  $\theta_0 - \theta_m$ , je:

$$I = \frac{1}{v} \operatorname{arth} \left( \frac{\theta_s}{\theta_m} \right) - \frac{1}{v} I_0 \quad (11)$$

gde je:

$\theta_0$  – relativna brzina tenka u početnom trenutku  $t_0 = 0$ ,

$\theta_s$  – konačna relativna brzina.

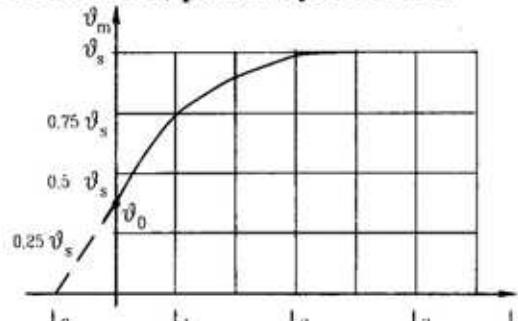
Rešenje diferencijalne jednačine (9) može se napisati u obliku:

$$\theta_m(t) = \theta_s \operatorname{cth} (vt + I_0) \quad (12)$$

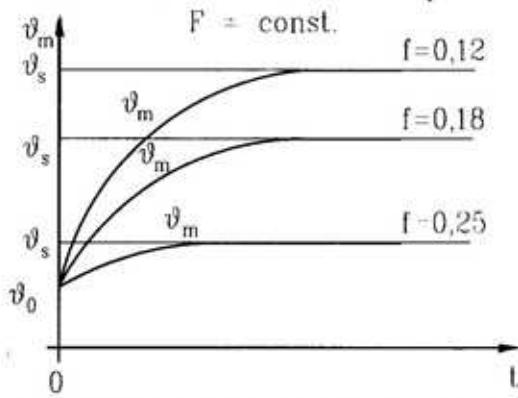
Zavisnost  $\theta_m$  od  $t$  prikazana je na slici 2.

U trenutku  $t_1 = (1 - I_0)$  relativna brzina  $\vartheta_m$  dostiže 76% vrednosti konačne brzine  $\vartheta_s$ , dok je posle vremena  $t_2 = (2 - I_0)$  praktično dostignuta konačna brzina ( $\vartheta_m > 0,96 \vartheta_s$ ).

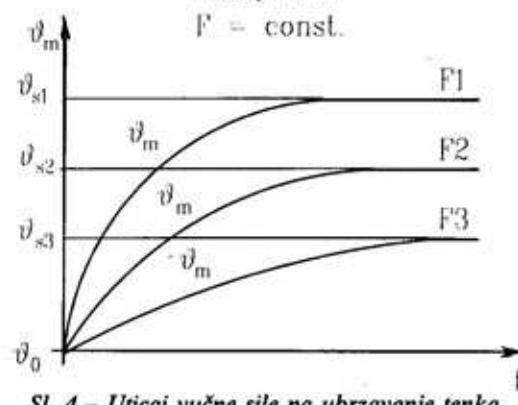
Uticaj koeficijenta  $f$  iz jednačine (9) na ubrzavanje tenka, za konstantnu vučnu silu  $F$ , prikazan je na slici 3.



Sl. 2 – Promena relativne brzine kretanja tenka



Sl. 3 – Uticaj koeficijenta otpora kotrljanja na ubrzanje tenka



Sl. 4 – Uticaj vučne sile na ubrzavanje tenka

Iz dijagrama se može videti da koeficijent  $f$  utiče na vreme dostizanja konačne brzine  $\vartheta_s$  i na vrednost konačne brzine  $\vartheta_s$  pri istoj vučnoj sili  $F$ .

Na slici 4 grafički je prikazan uticaj vučne sile  $F$  na ubrzavanje tenka, pri konstantnoj vrednosti koeficijenta  $f$ . Krive  $\vartheta_m(t)$  odnose se na tri različite vrednosti sile  $F$  koje se nalaze u sledećem odnosu:

$$F_1 : F_2 : F_3 = 1,5 : 1,25 : 1$$

### Proračun vučne sile pri kretanju tenka pod vodom

Iz diferencijalne jednačine kretanja (7) može se izraziti vučna sila  $F$  u zavisnosti od relativne brzine tenka  $\vartheta_m$ , za opšti slučaj kretanja:

$$F = m_T \cdot \frac{d\vartheta_m}{dt} + \frac{1}{2} \cdot c' \cdot \rho_V \cdot A \cdot \vartheta_m^2 + g \cdot f \cdot (m_T - \rho_V \cdot V_t) + g \cdot (m_T - \rho_V \cdot V_t) \cdot \sin \alpha \quad (13)$$

Pri savladivanju vodenih prepreka teži se da brzina tenka bude konstantna. Međutim, u ovom poglavlju biće razmatrani i slučajevi ubrzavanja i usporavanja tenka pri podvodnoj vožnji. Radi toga se prepostavlja željeni dijagram promene brzine tenka pod vodom, koji će obuhvatići sve tri varijante (slika 5). Tenk se kreće konstantnom brzinom  $\vartheta_0$  (oblast I). Posle izvesnog vremenskog intervala  $\Delta t$  tenk se ubrzava do brzine  $\vartheta_s$  (oblast II), kreće se konstantnom brzinom  $\vartheta_s$  (oblast III), usporava do brzine  $\vartheta_0$  za vreme  $\Delta t$  (oblast IV) i kreće se ravnomerno brzinom  $\vartheta_0$  (oblast V).

Prema izrazu (13) za oblast I važi sledeća jednačina:

$$F = \frac{1}{2} \cdot c' \cdot \rho_V \cdot A \cdot g_s^2 + g \cdot f \cdot (m_T - \rho_V \cdot V_t) \quad (14)$$

Slično je i za oblast III:

$$F = \frac{1}{2} \cdot c' \cdot \rho_V \cdot A \cdot g_s^2 + g \cdot f \cdot (m_T - \rho_V \cdot V_t) \quad (15)$$

U oblasti II javlja se ubrzanje za koje se prepostavlja da je ravnomerno:

$$a = \frac{g_s - g_0}{t}$$

$$\dot{\vartheta} = \dot{\vartheta}_0 + \frac{\dot{\vartheta}_s - \dot{\vartheta}_0}{\Delta t} \cdot (t - t_0) \quad (16)$$

Izraz za silu F dobija sledeći oblik:

$$F = m_T \cdot \frac{\dot{\vartheta}_s - \dot{\vartheta}_0}{t} + \frac{1}{2} c' \cdot \rho_V \cdot A \left[ V_0 + \frac{\dot{\vartheta}_s + \dot{\vartheta}_0}{\Delta t} (t - t_0) \right]^2 + g \cdot f (m_T - \rho_V V_t) \quad (17)$$

U oblasti IV dolazi do usporenja, što se predstavlja ubrzanjem sa negativnim predznakom:

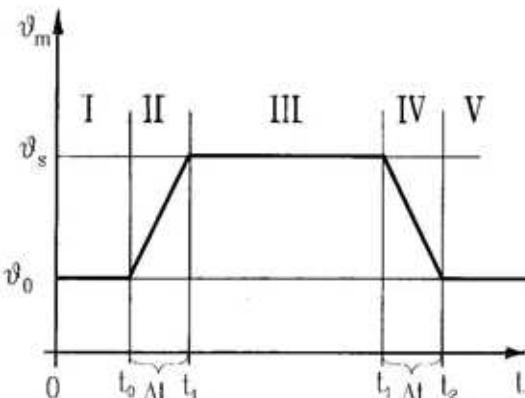
$$a = -\frac{\dot{\vartheta}_s - \dot{\vartheta}_0}{t}$$

$$\dot{\vartheta} = \dot{\vartheta}_s - \frac{\dot{\vartheta}_s - \dot{\vartheta}_0}{\Delta t} \cdot (t - t_2) \quad (18)$$

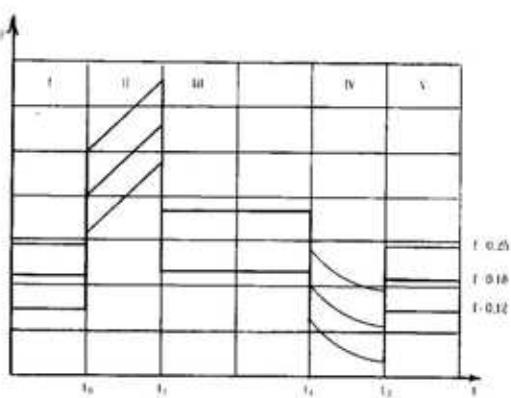
Sada izraz za silu F dobija sledeći oblik:

$$F = -m_T \cdot \frac{\dot{\vartheta}_s - \dot{\vartheta}_0}{\Delta t} + \frac{1}{2} c' \cdot \rho_V \cdot A \left[ \dot{\vartheta}_s - \frac{\dot{\vartheta}_s - \dot{\vartheta}_0}{\Delta t} (t - t_2) \right]^2 + g \cdot f (m_T - \rho_V V_t) \quad (19)$$

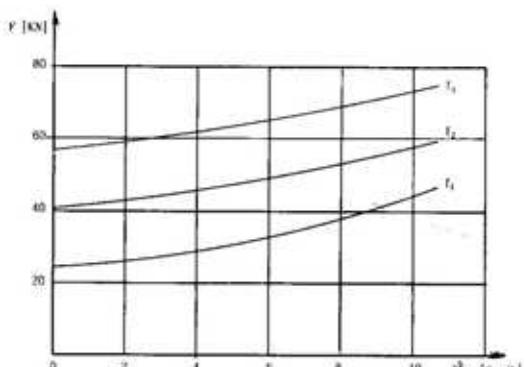
Na osnovu ovih izraza sačinjen je dijagram promene vučne sile prikazan na slici 6.



Sl. 5 – Prepostavljeni dijagram promene brzine



Sl. 6 – Dijagram promene vučne sile



Sl. 7 – Zavisnost vučne sile od relativne brzine tenka

## Dijagram vuče savremenog srednjeg tenka pri podvodnoj vožnji

U slučajevima kretanja po ravnom putu izraz za vučnu silu (13) dobija oblik:

$$F = \frac{1}{2} c' \cdot \rho_V \cdot A g_m^2 + g \cdot f \cdot (m_T - \rho_V \cdot V_t) \quad (20)$$

Zavisnost vučne sile F od relativne brzine kretanja savremenog srednjeg tenka pod vodom grafički je prikazan na slici 7 za sledeće parametre:

$$\begin{array}{lll} c' = 0,7 & g = 9,81 \text{ m/s}^2 & f_1 = 0,12 \\ \rho_V = 1000 \text{ kg/m}^3 & m_T = 44,000 \text{ kg} & f_2 = 0,18 \\ A = 6 \text{ m}^2 & V_t = 17 \text{ m}^3 & f_3 = 0,25 \end{array}$$

## Zaključak

Pri kretanju tenka po dnu vodene prepreke dolazi do znatnog smanjenja

sile normalne reakcije podloge, što izaziva smanjenje pritiska gusenica na tlo i može dovesti do proklizavanja. Pri podvodnoj vožnji, i pored prividnog smanjenja težine tenka, otpori kotrljanja se uvećavaju. Pri brzinama većim od 6 do 8 km/h dolazi do znatnog uvećanja sila koje deluju na tenk, pa te brzine treba izbegavati. Analizom vučne sile za jedan savremeni srednji tenk, u uslovima blatinjavog terena i relativne brzine kretanja veće od 10 km/h, vučna sila prelazi vrednost od 75 kN.

### Literatura:

- [1] Janković, D., Todorović, J.: Teorija kretanja motornih vozila
- [2] Antonov, S.A.: Gusenični kretači, Ministarstvo odbrane SSSR, Moskva, 1959.
- [3] Bonivić, E., Grudjev, N., Ivanov, I., Prokopjev, A.A.: Teorija tankov br. 3.
- [4] Dmitijev, A.A., Leontiev, M.E.: O diferencijalnih uravnonojah.
- [5] Sergejev, L.V.: Koeficijent trenja otkritih i metjaličeskih šarnirov guseničnih cepej.
- [6] Ivošević, M.: Savladavanje vodenih prepreka borbenim vozilima podvodnim kretanjem – magistarski rad. Mašinski fakultet Beograd 1997.